INDICE

XIV	L'Editore ringrazia				
XV	Prefazione				
XVII	Introduzione				
1	Capitolo 1 I concetti di base				
1	1.1				
2	1.2	Il modello geometrico			
3	1.3	Il modello dei vincoli			
5	1.4	Il modello delle azioni esterne			
6	1.5	Il modello del materiale			
7	1.6				
9	Parte I I Corpi rigidi				
11	Capit	olo 2 Cinematica dei corpi rigidi			
11	2.1	Obiettivi			
11	2.2	Il modello di corpo rigido			
11 2.3 Spostamenti rigidi		Spostamenti rigidi			
		2.3.1 Definizioni, 11			
		2.3.2 Formula generale dello spostamento rigido infinitesimo, 13			
		2.3.3 Rappresentazione scalare, 14			
		2.3.4 Spostamenti rigidi piani, 15			
		2.3.5 Sistemi di corpi rigidi, 16			
16	2.4	Caratterizzazione cinematica dei vincoli			
		2.4.1 Definizioni, 16			
		2.4.2 Caratterizzazione cinematica dei vincoli esterni, 17			
		2.4.3 Caratterizzazione cinematica dei vincoli interni, 19			
		2.4.4 Cedimenti vincolari, 20			
21	2.5	Il problema cinematico			
		2.5.1 Posizione del problema, 21			
		2.5.2 Classificazione cinematica per via analitica, 22			
		2.5.3 Classificazione cinematica per via diretta, 22			
24	2.6	Metodo grafico per la soluzione del problema cinematico			
		2.6.1 Definizioni. Catene cinematiche, 24			
		2.6.2 Procedura operativa, 26			
28	2.7	Esercizi svolti			
37	2.8 Esercizi proposti				
38	2.0	Soluzioni			

41					
41	3.1				
41	3.2				
		3.2.1 Forza, momento di una forza, 41			
		3.2.2 Sistemi di forze, 42			
		3.2.3 Densità di forza, carichi distribuiti, 45			
46	3.3	Caratterizzazione statica dei vincoli			
		3.3.1 Definizioni, 46			
		3.3.2 Caratterizzazione statica dei vincoli esterni, 46			
		3.3.3 Caratterizzazione statica dei vincoli interni, 47			
49	3.4	Il problema statico			
		3.4.1 Equazioni cardinali della statica, 49			
		3.4.2 Posizione del problema, 49			
		3.4.3 Classificazione statica, 50			
50	3.5				
51	3.6				
		Esercizi proposti			
60		Soluzioni			
63	3.9	I vincoli: quadro sintetico			
		3.9.1 Vincoli esterni, <i>63</i>			
		3.9.2 Vincoli interni, 64			
65	Parte	e II Le travi elastiche monodimensionali			
67	Cani	ital 4 Madellariana			
67	4.1	itolo 4 Modellazione Obiettivi			
68					
69	4.3	Il modello geometrico Il modello delle forze esterne			
	4.4				
70 71	4.4				
/1	4.3	1			
		,			
		4.5.2 Azioni interne, 71			
		4.5.3 Problema elastico, 72			
73		itolo 5 Cinematica della trave			
73	5.1				
73	5.2				
74	5.3	Spostamenti e rotazioni			
		5.3.1 Spostamento, 74			
		5.3.2 Rotazione delle sezioni, 75			
		5.3.3 Ipotesi dei piccoli spostamenti, 76			
		5.3.4 Condizioni al contorno su spostamenti e rotazioni, 76			
76	5.4	Vincoli esterni: caratterizzazione cinematica			
78	5.5	Misure di deformazione			
		5.5.1 Premessa, 78			
		5.5.2 Deformazione assiale, 78			
		5.5.3 Scorrimento angolare, 79			
		5.5.4 Curvatura flessionale, 80			
81	5.6	Equazioni implicite di congruenza			
		5.6.1 Modello di Timoshenko, 81			

Indice VII

		5.6.2 Modello di Eulero-Bernoulli, 82			
		5.6.3 Rappresentazione vettoriale, 82			
		5.6.4 Formule per il calcolo di spostamenti e rotazioni			
		in un punto assegnato, 82			
83	5.7	Problema cinematico			
85	5.8	Le discontinuità nel problema cinematico			
85	5.9	Esercizi svolti			
92		Esercizi proposti			
	Soluzioni				
93	5.11	Soluzioni			
97	Capit	olo 6 Statica della trave			
*		Posizione del problema			
	0.1	6.1.1 Obiettivi, 97			
		6.1.2 Definizioni e ipotesi, 97			
		6.1.3 Forze esterne, 97			
		6.1.4 Azioni interne, 98			
00	6.2				
99	6.2	Equazioni indefinite di equilibrio			
101		6.2.1 Rappresentazione vettoriale, 101			
101	6.3	Problema statico			
	6.4	Leggi e diagrammi delle caratteristiche della sollecitazione			
	6.5	Le discontinuità nel problema statico			
105	6.6	Regole generali per il tracciamento dei diagrammi delle caratteristiche			
		della sollecitazione			
107	6.7	Esercizi svolti			
119	6.8	Esercizi proposti			
120	6.9	Soluzioni			
100	<i>~</i> .				
123	_	olo 7 Materiale costitutivo			
123	7.1	Obiettivi			
123	7.2	Fenomenologia			
		7.2.1 La prova uniassiale, <i>123</i>			
		7.2.2 Comportamento elastico, <i>124</i>			
		7.2.3 Comportamento plastico e rottura, <i>125</i>			
		7.2.4 Materiali duttili e materiali fragili, 126			
127	7.3	Legame elastico lineare per la trave monodimensionale			
		7.3.1 Comportamento assiale, <i>127</i>			
		7.3.2 Comportamento flessionale, <i>128</i>			
		7.3.3 Comportamento a taglio, <i>128</i>			
128	7.4	Distorsioni termiche			
120	,	7.4.1 Variazione termica uniforme, <i>129</i>			
		7.4.2 Variazione termica <i>a farfalla</i> , 129			
		7.4.3 Variazione termica lineare, <i>129</i>			
120	7.5				
130	7.5	Equazioni costitutive per la trave monodimensionale			
131	Capit	olo 8 Il problema elastico per la trave			
131	8.1	Obiettivi			
131	8.2	Posizione del problema			
131	0.2	8.2.1 Dati, <i>131</i>			
122	0.2	ξ ,			
132	8.3	Formulazione analitica			
		8.3.1 Ipotesi, <i>132</i>			

VIII Indice

		 8.3.2 Equazioni risolventi, 132 8.3.3 Soluzione, 133 8.3.4 Modello di Eulero-Bernoulli, 133 8.3.5 Strategie risolutive, 134 	
134	8.4	Sistemi di travi	
	Capitolo 9 Metodo degli spostamenti: la linea elastica		
	5 9.1 Obiettivi 5 9.2 Linea elastica		
133	9.2		
		9.2.1 Problema assiale, 135	
		9.2.2 Problema residuale, moderio di Eulero-Bernoum, 130	
		 9.2.1 Problema assiate, 133 9.2.2 Problema flessionale: modello di Eulero-Bernoulli, 136 9.2.3 Osservazioni, 137 9.2.4 Problema flessionale: modello di Timoshenko, 138 	
		9.2.5 Osservazione, 138	
139	9.3	Linea elastica nei sistemi di travi	
		9.3.1 Prestazioni cinematiche e statiche dei vincoli interni, <i>139</i>	
141	9.4	Esercizi svolti	
156	9.5	Esercizi proposti	
157	9.6	Soluzioni	
163	Capit	tolo 10 Identità dei lavori virtuali. Dualità	
163	10.1	Obiettivi	
163	10.2	Definizioni	
		10.2.1 Lavoro, <i>163</i>	
		10.2.2 Sistema congruente, 164	
		10.2.3 Sistema equilibrato, 165	
		10.2.4 Lavoro virtuale esterno, <i>166</i> 10.2.5 Lavoro virtuale interno, <i>166</i>	
168	10.3	Teorema dei lavori virtuali	
100	10.5	10.3.1 Enunciato e dimostrazione, <i>168</i>	
		10.3.2 Risvolti applicativi, <i>169</i>	
169	10.4		
170	10.5	Esercizi svolti	
178		Esercizi proposti	
179	10.7	Soluzioni	
181	1		
181	11.1	Obiettivi	
181	11.2	Sistemi una volta iperstatici	
		11.2.1 Procedura operativa, <i>181</i> 11.2.2 Esempio applicativo, <i>182</i>	
186	11.3	Sistemi più volte iperstatici	
100	11.0	11.3.1 Procedura operativa, 186	
		11.3.2 Esempio applicativo, 187	
190	11.4	Equazioni di Müller-Breslau	
191	11.5	Esercizi svolti	
205	11.6	Esercizi proposti	
206	11.7	Soluzioni	
207	Capit	tolo 12 Strutture reticolari. Travi continue	
207	12.1	Obiettivi	

Indice IX

207	12.2	Le strutture reticolari 12.2.1 Definizioni, 207 12.2.2 Metodo dei nodi, 208 12.2.3 Metodo delle sezioni di Ritter, 210		
212	12.3	Le travi continue 12.3.1 Definizioni, 212 12.3.2 Equazione dei tre momenti, 213		
215	12.4	Esercizi svolti		
		Esercizi proposti		
		Soluzioni		
220	12.0	Soluzioni		
223	Parte	III Il Continuo tridimensionale		
	-	olo 13 Il mezzo continuo: analisi della deformazione		
		Obiettivi		
226	13.2	Processo deformativo		
227	13.3	Analisi della deformazione nell'intorno: tensore della deformazione		
230	13.4	Interpretazione meccanica delle componenti di E		
		13.4.1 Significato delle componenti diagonali $\varepsilon_x, \varepsilon_y, \varepsilon_z, 230$		
		13.4.2 Significato delle componenti fuori diagonale γ_{xy} , γ_{xz} , γ_{yz} , 231		
		13.4.3 Decomposizione del processo deformativo, 231		
		13.4.4 Dilatazione cubica, 232		
232	13.5			
		della deformazione		
		13.5.1 Stato di deformazione triassiale, 234		
		13.5.2 Stato di deformazione cilindrico, 235		
		13.5.3 Stato di deformazione sferico o idrostatico, 235		
235	13.6	Riferimento principale – Circonferenze di Mohr		
		Equazioni di Congruenza		
239	Capit	olo 14 Il mezzo continuo: analisi della tensione		
	-	Obiettivi		
		Analisi della tensione		
		14.2.1 La tensione di Cauchy, 239		
		14.2.2 Lemma di Cauchy, 240		
		14.2.3 Decomposizione del vettore tensione di Cauchy, 241		
		14.2.4 Formula di Cauchy, 242		
		14.2.5 Equazioni indefinite di equilibrio, 243		
245	14.3			
		14.3.1 Definizioni, 245		
		14.3.2 Riferimento principale, 247		
		14.3.3 Stati di tensione, 247		
		14.3.4 L'ellissoide di tensione di Lamé, 248		
		14.3.5 Linee isostatiche, 249		
251	14.4	Tensione media, deviatore di tensione e tensione ottaedrica		
251	14.5			
252	14.6			
	14.7			
		14.7.1 Stato di tensione piano o biassiale, 254		
		14.7.2 Stato di tensione puramente tangenziale, 258		
		14.7.3 Stato di tensione monoassiale. 261		

X Indice

	Capitolo 15 Il legame elastico lineare			
		Obiettivi		
204	15.2	Determinazione sperimentale delle costanti elastiche 15.2.1 Prova a trazione, 264		
		15.2.1 Prova a trazione, 204 15.2.2 Prova a torsione, 266		
267	15 3	Materiali isotropi: la legge di Hooke generalizzata		
		Caratteristiche meccaniche di alcuni materiali		
270	13.1	Caracteristicine ineccamene ar arcain materiali		
271	Capi	tolo 16 Il problema dell'equilibrio elastico: formulazione diretta		
		e aspetti energetici		
271		Il problema dell'equilibrio elastico		
274	16.2	Il Teorema dei Lavori Virtuali		
		16.2.1 Soluzioni parziali del problema dell'equilibrio elastico, 274		
275	16.2	16.2.2 Enunciato, 275		
		Il Lavoro di deformazione		
		Il legame iperelastico diretto		
200	10.3	Teoremi Energetici 16.5.1 Teorema di Clapeyron, 280		
		16.5.2 Teorema di Betti, 280		
		16.5.3 Teorema della minima energia potenziale totale, <i>281</i>		
		16.5.4 Teorema della minima energia potenziale complementare totale, 287		
		10.5.1 Teorema dena minima energia potenziare comprementare totale, 201		
283	Parte	e IV Il Cilindro di Saint Venant		
285	Capi	tolo 17 Il problema di Saint Venant		
		Obiettivi		
		Posizione del problema		
287	17.3	Postulato di Saint Venant		
		17.3.1 Sollecitazioni semplici e composte, 288		
289	17.4	Soluzione		
		17.4.1 Metodo semi-inverso, 289		
		17.4.2 Stato tensionale, 289		
		17.4.3 Equazioni indefinite di equilibrio, 290		
201	175	17.4.4 Equazioni di congruenza e di legame costitutivo, 291		
291	17.5	Equivalenza statica		
293	Capi	tolo 18 Forza normale centrata. Flessione retta		
293	18.1	Obiettivi		
293	18.2	Forza normale centrata		
		18.2.1 Posizione del problema, 293		
		18.2.2 Soluzione, 293		
295	18.3	Flessione uniforme retta		
		18.3.1 Posizione del problema, 295		
		18.3.2 Soluzione, 296		
201	10.4	18.3.3 Flessione retta M_y , 299		
301	18.4	Esercizi svolti		
305	18.5	Esercizi proposti		
307	18.6	Soluzioni		

Indice XI

311	Capit	tolo 19 Flessione deviata. Tensoflessione, Pressoflessione		
311	19.1	Obiettivi		
311	19.2	Flessione uniforme deviata		
		19.2.1 Posizione del problema, <i>311</i>		
		19.2.2 Soluzione, <i>311</i>		
313	19.3	Presso (Tenso) flessione deviata. Forza normale eccentrica		
		19.3.1 Posizione del problema, <i>313</i>		
		19.3.2 Soluzione, <i>313</i>		
		19.3.3 Forza normale eccentrica, 314		
		19.3.4 Nocciolo centrale d'inerzia, 317		
		Osservazioni		
		Esercizi svolti		
		Esercizi proposti		
329	19.7	Soluzioni		
333	Capi	tolo 20 Torsione uniforme		
333	20.1	Obiettivi		
333	20.2	La torsione nelle sezioni circolari		
		20.2.1 La sezione circolare compatta, <i>333</i>		
		20.2.2 La sezione circolare cava, 336		
337	20.3	La torsione nelle sezioni compatte di forma qualsiasi		
		20.3.1 Il problema di Neumann, 337		
		20.3.2 Sezione ellittica, 340		
		20.3.3 Sezioni poligonali, 341		
342	20.4	L'analogia idrodinamica per le tensioni tangenziali		
343	20.5	Sezione rettangolare sottile		
		Sezioni aperte composte da rettangoli sottili		
<i>348</i>	20.7	Sezioni cave a parete sottile: Teoria di Bredt		
353	20.8	Sezioni sottili composte		
355	20.9	Considerazioni riassuntive		
357	20.10	Esercizi svolti		
361	20.11	Esercizi proposti		
363	20.12	Soluzioni		
365	Capi	tolo 21 Flessione e taglio		
		Obiettivi		
366	21.2	Distribuzione delle tensioni normali		
366	21.3	Distribuzione delle tensioni tangenziali: trattazione approssimata		
		di Jourawsky		
		21.3.1 Considerazioni intuitive, 366		
		21.3.2 Equazioni del problema, 367		
		21.3.3 La formula di Jourawsky, 367		
		21.3.4 Applicabilità della formula di Jourawsky, 370		
371	21.4	Sezioni sottili aperte		
		21.4.1 Sezione rettangolare sottile, <i>371</i>		
		21.4.2 Sezione sottile a doppio T, 373		
		21.4.3 Sezioni sottili a <i>U</i> e <i>H</i> , 374		
		21.4.4 Osservazioni generali, 375		
376	21.5			
		21.5.1 Sezione scatolare simmetrica, <i>376</i>		

XII Indice

377	21.6	Taglio retto secondo x		
		Taglio deviato		
		8 Sezioni compatte simmetriche		
	2 21.9 Sollecitazione composta di taglio retto e torsione			
		21.9.1 Considerazioni intuitive, <i>379</i>		
		21.9.2 Il centro di taglio, <i>380</i>		
		21.9.3 Tensioni tangenziali di taglio e torsione, <i>381</i>		
		21.9.4 Determinazione del centro di taglio, 382		
383	21.10	Esercizi svolti		
		Esercizi proposti		
	889 21.12 Soluzioni			
393	Parte	V Analisi e Verifica Strutturale		
	_	olo 22 I criteri di resistenza		
395		Generalità		
		Criteri di resistenza per materiali fragili		
399	22.3	Criteri di resistenza per materiali duttili		
403	Capit	olo 23 Il fenomeno dell'instabilità strutturale		
	_	Generalità		
		Definizioni e ipotesi		
		Analisi di stabilità in travi rigide con vincoli elastici		
		L'asta di Eulero		
		Curve di stabilità, snellezza		
		Esercizio svolto		
,,,	23.0	Esercizio svoito		
	Capitolo 24 La trave: analisi e verifica strutturale			
		Obiettivi		
418	24.2	La verifica delle travi in condizioni di esercizio		
		24.2.1 Estensione della teoria di Saint Venant, 418		
		24.2.2 Criteri di resistenza per il solido di Saint Venant, 418		
		24.2.3 Procedura operativa, 420		
421	24.3	Esempio di ricapitolazione		
429	Capit	olo 25 Cenni sul metodo degli elementi finiti		
429		Generalità		
429		Metodo degli elementi finiti: approccio agli spostamenti		
		Elementi finiti piani triangolari		
		Metodo degli <i>EF</i> congruenti: formulazione		
	25.6	· ·		
439	Parte	VI Appendici		
441	Geon	netria delle aree		
441	A.1	Area e baricentro		
442	A.2	Momenti di inerzia		
443	A.3	Formule di trasporto e di rotazione		

Indice XIII

445	A.4	Momenti principali di inerzia
446	A.5	Ellisse centrale di inerzia
446	A.6	Casi notevoli
447	A.7	Esercizi svolti
451	A.8	Esercizi proposti
452	A.9	Soluzioni
455	Sche	mi statici ricorrenti
455	B.1	Mensola

- 456 B.2 Trave appoggiata
- 458 B.3 Trave incastro-appoggio
- 460 B.4 Trave incastrata ai due estremi
- 460 B.5 Trave continua
- 462 B.6 Telaio

465 Riferimenti bibliografici

467 Indice